

Karlsruhe, den 24.01.2013

13. Tutorium
zur Vorlesung Höhere Mathematik I für
biw/ciw/mach/mage/vt

Aufgabe T38: Man verwende die Taylorformel zweiter Ordnung mit dem Entwicklungspunkt $x_0 = 0$ und der Restglieddarstellung von Lagrange zum Nachweis der Einschließung

$$x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}\left(\frac{x}{1+x}\right)^3 \leq \ln(1+x) \leq x - \frac{1}{2}x^2 + \frac{1}{3}x^3, \quad 0 \leq x < \infty.$$

Aufgabe T39: Finden Sie Real- und Imaginärteil aller komplexen Zahlen $z \in \mathbb{C}$, die die Gleichung erfüllen

$$\frac{e^{iz} - 1}{1 - 2e^{-iz}} = 1.$$

Aufgabe T40: Eine Folge $(a_n)_{n \in \mathbb{N}}$ ist rekursiv gegeben durch

$$a_1 = 3 \quad \text{und} \quad a_{n+1} = \sqrt{\frac{1}{2}a_n^2 + \frac{1}{2}a_n + 1}, \quad n \in \mathbb{N}.$$

- (a) Begründen Sie, dass $a_n \geq 2$ für $n \in \mathbb{N}$ gilt.
- (b) Zeigen Sie Konvergenz der Folge.
- (c) Berechnen Sie den Grenzwert der Folge.

Alle aktuellen Informationen zur Veranstaltung finden Sie auf der Internetseite unter:
www.math.kit.edu/iag1/lehre/hm1mach2012w/